

Introdução à Geometria Plana

1. Calcule:

- a) $40^{\circ}30'50'' + 25^{\circ}40'30'' =$
- b) $80^{\circ} - 50^{\circ}40'20'' =$
- c) $24^{\circ}36'40'' \times 5 =$
- d) $49^{\circ}50'48'' \div 3 =$

2. Qual é o menor ângulo formado pelos ponteiros de um relógio às 16h40min?

Gabarito:

1.
a) Para realizar a operação de soma entre ângulos, somamos grau com grau, minuto com minuto e segundo com segundo:

$$40^{\circ}30'50'' + 25^{\circ}40'30'' = 65^{\circ}70'80''.$$

Porém, $1^{\circ} = 60'$ e $1' = 60''$, ou seja, $65^{\circ}70'80'' = 66^{\circ}11'20''$

b) Temos que $80^{\circ} = 79^{\circ}60' = 79^{\circ}59'60''$. Agora, sim, podemos fazer a operação:

$$79^{\circ}59'60'' - 50^{\circ}40'20'' = 29^{\circ}19'40''.$$

$$c) 24^{\circ}36'40'' \times 5 = 120^{\circ}180'200'' = 123^{\circ}3'20''$$

d) Para realizar a conta $49^{\circ}50'48'' \div 3$, precisamos dividir primeiros os graus, ou seja:

$$49^{\circ} \div 3 = 16^{\circ} + 1^{\circ} = 16^{\circ} + 60'.$$

Somamos esses minutos com os existentes:

$$(50' + 60') \div 3 = 110' \div 3 = 36' + 2' = 36' + 120''.$$

$$(48'' + 120'') \div 3 = 168'' \div 3 = 56''.$$

$$\text{Por fim, temos que } 49^{\circ}50'48'' \div 3 = 16^{\circ}36'56''$$

2. Como temos 12 horas em uma volta completa, temos que a cada hora, andamos $360/12 = 30^{\circ}$. Assim, como são 16h, ou seja, 4h, temos $4 \times 30 = 120^{\circ}$.

Para os minutos, temos:

$$60\text{min} \quad \underline{\hspace{2cm}} \quad 30^{\circ}$$

$$40\text{min} \quad \underline{\hspace{2cm}} \quad x$$

Resolvendo a regra de 3, encontramos $x = 20^{\circ}$.

Fazendo a diferença entre os ponteiros, temos que às 16h40min, o ângulo era de $120 - 20 = 100^{\circ}$.